

Lösung: Beliebige Zufallsgröße: Die Normalverteilung: IX.1 S. 28f Stoch 10

Nr. 1 a) $f(x) \geq 0; \int_0^2 0,5 dx = 1$ b) $P(x=1) = 0,5$ $P(1 < x < 2) = 0,5$
 c) $\mu = 1$ $\sigma = \sqrt{1/2} \approx 0,71$ d) $f(x) = 1/5$ $f(x) = 1/10$ $f(x) = 1/100$ $f(x) = 5$

Nr. 2 a) $P(0,75 \leq x \leq 0,85) = 0,025$ b) $\int_{0,75}^{0,85} \frac{1}{2} dx = 0,025$


Nr. 3 a) $f(x) \geq 0; \int_0^2 f(x) dx = 1$ b) $P(x=0) = 0$ $P(x=1) = 0$ $P(x < 0,5) = 0,125$
 $P(0,5 \leq x \leq 1,5) = 3/4$ c) $\mu = 1$ $\sigma = \sqrt{1/6} \approx 0,408$

Nr. 4 a) $P(x-0,5 \leq x \leq x+0,5) = \frac{20x-1}{\pi \cdot 5^2} = \frac{2}{25}x = f(x)$ b) $\mu = 10/3$
 c) $\sigma = \sqrt{\frac{25}{18}} \approx 1,17$

Nr. 5 a) $P(0 < x < 10)$:

 $P = \frac{50}{400} = \frac{1}{8}$

$P(10 < x < 20)$:

 $P = \frac{200-50}{400} = \frac{3}{8}$

b) $P = \frac{A}{A_{\text{Gesamt}}} = \frac{\frac{1}{2}x^2}{400} = \frac{x^2}{800} = F(x)$
 $f(x) = F'(x) = \frac{x}{400}$

$P = \frac{A}{A_{\text{Gesamt}}} = \frac{400 - \frac{(40-x)^2}{2}}{800} = \frac{x^2}{800} + \frac{1}{10}x - 1$
 $f(x) = \frac{1}{10} - \frac{x}{400}$

c) $\mu = 20$ $\sigma = \sqrt{66\frac{2}{3}} \approx 8,16$

Nr. 6 a) $f(x) \geq 0$ $\int_0^1 f(x) dx = 1$ b) $P(x \leq 0,1) = 27,1\%$

$P(x \leq 0,5) = 87,5\%$ c) $\mu = \frac{1}{4}$ $\sigma = \sqrt{\frac{3}{80}} \approx 0,193$

Nr. 8 a) $f(x) = e^{-x} > 0$ $\int_0^{\infty} f(x) dx = 1$ b) $P(1 < x < 2) = 23,25\%$

c) $\mu = 1$ $\sigma = 1$

d) $\int_{0,5}^{1,5} e^{-x} dx \approx 38,3\%$ $\int_{1+1/100}^{1+1/10} f(x) dx = 1,22\%$

e) $\int_0^{\infty} 2 \cdot e^{-2x} dx = 1$, also $\lambda = 2$ f) für c : $\mu = \frac{1}{2}$ $\sigma = \sqrt{\frac{1}{8}} \approx 0,354$

für d) $\int_{0,5}^{1,5} 2e^{-2x} dx = 31,8\%$ $\int_{53/100}^{61/100} 2e^{-2x} dx = 0,9\%$

Nr. 9 a) $\int_0^{\infty} e^{-2x} dx = 1$

c) $\mu = 1$ bzw. $\mu = 2$ $\sigma = 1$ bzw. $\sigma = 2$

Nr. 10 a) 0,3935 0,2231 0,6221 0,2834

b) $\sigma_T = \frac{1}{\lambda} = 2$ $P(|T - E(T)| \leq 2 \cdot \sigma_T) = 0,8647$ ($\lambda = 1$)

bzw. 0,9502 ($\lambda = 2$) bzw. 0,9817 ($\lambda = 3$)

c) $1 - e^{-\lambda t} \geq 0,9$ $t \geq 4,6$

Nr. 11 a) Wegen $\mu \leq \bar{x} = 4,1$ wird $\lambda = \frac{1}{\mu} = 0,24$

$P(3 \leq x \leq 5) \approx 0,15$ b) Säulebreite ± 5 : 0,19

Nr. 12 T_1 bzw. T_2 sind die Lebensdauern der Normal bzw. Spule

$\lambda_1 = \frac{1}{1000}$ $\lambda_2 = \frac{1}{6000}$ a) $P(T_1 > 2000) = 0,04983$

$P(T_2 > 2000) = 0,6065$ b) $P(1000 \leq T_1 \leq 6000) = 0,2657$

$P(1000 \leq T_2 \leq 6000) = 0,4986$