

Lösungen: Normalen- und Koordinatengleichung S. 238f. VII 1

Nr. 1 a) $\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 3 \\ -2 \\ 7 \end{pmatrix} = 0 \quad 3x_1 - 2x_2 + 7x_3 = 0$ b) $\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 9 \\ 1 \\ -2 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 3 \end{pmatrix} = 0$ nein

$8x_2 + 3x_3 = 2$ c) $\vec{x} \cdot \begin{pmatrix} 7 \\ 7 \\ 3 \end{pmatrix} = 0 \quad 7x_1 - 7x_2 + 3x_3 = 0$

Nr. 2 a) nein b) ja c) ja d) nein

Nr. 3 a) $\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} = 0; x_3 = 1; D \notin E$ b) $\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix} = 0;$

$x_1 + 2x_3 = -1; D \in E$

Nr. 4 a) $9x_1 - 3x_2 + 7x_3 = 29$ b) $4x_1 - 4x_2 + 3x_3 = -8$ c) $7x_1 - 8x_2 + x_3 = 0$

Nr. 5 a) $\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} = 0; x_1 = 3$ b) ja, es gibt eine weitere Ebene $x_1 = -3$.

Nr. 6 a) nur $E_2 \parallel E_4$ b) z.D. $2x_1 - x_2 + 3x_3 = 22$

Nr. 9 a) sonst wäre $d=0$ die Gleichung: falls $d=0$ ergibt die gesamte 3. dim. Ra
falls $d \neq 0$ keine Lösung!

b) gleich Normale Vektor

c) liegt alle parallel zur x_3 -Achse (stehen senkrecht und oben)

Nr. 10 Fig 1: $15x_1 + 6x_2 + 10x_3 = 30$ Fig 2: $12x_1 + 7x_2 - 4x_3 = 12$

Nr. 11 z.D. $\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 7 \\ -1 \\ 6 \end{pmatrix} = 0 \quad 3x_1 - x_2 + 6x_3 = 23$

A $(7^2/3 | 0 | 0)$ B $(0 | -23 | 0)$ C $(0 | 0 | 35/6)$

Nr. 12 alle Ebenen, die Normale Vektor schneiden $\begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix}$ liegt: $2u_1 + u_2 + 3u_3 = 0$

Nr. 13 a) A $(3 | 0 | 0)$ B $(0 | 3 | 0)$ C $(0 | 0 | 3)$ b) A $(3 | 0 | 0)$ B $(0 | 3 | 0)$ C $(0 | 0 | 2)$

c) A $(6 | 0 | 0)$ B $(0 | 2 | 0)$ C $(0 | 0 | 3)$ d) liegt parallel zur x_1 -Achse:

A $(0 | -2 | 0)$ B $(0 | 0 | 1)$ und z.D. C $(2 | -2 | 0)$ D $(2 | 0 | 1)$

e) parallel zur x_2x_3 -Ebene P $(2 | 0 | 0)$ f) parallel x_2 -Achse

A $(-3 | 0 | 0)$ B $(0 | 0 | 2)$ und P $(-3 | 2 | 0)$ Q $(0 | 2 | 2)$

Nr. 14 a) x_2x_3 Ebene b) x_1x_3 Ebene c) x_1x_2 Ebene d) parallel x_2x_3 Ebene durch P $(5 | 0 | 0)$

e) parallel zur x_1x_3 Ebene durch P $(0 | -3 | 0)$ f) parallel zur x_1x_2 Ebene durch P $(0 | 0 | 4)$

g) parallel x_3 -Achse durch P $(3 | 0 | 0)$ Q $(0 | 3 | 0)$ h) parallel x_1 -Achse durch A $(0 | -7 | 0)$ B $(0 | 0 | -7)$

i) parallel x_2 -Achse durch A $(1/2 | 0 | 0)$ B $(0 | 0 | 1/6)$ j) parallel x_3 -Achse durch A $(1/2 | 0 | 0)$ B $(0 | -3/2 | 0)$

Nr. 15 a) $a=2: \vec{u} = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix}$ $a=-1: \vec{u} = \begin{pmatrix} -3 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix}$ $a=5: \vec{u} = \begin{pmatrix} 3 \\ 5 \\ 2 \end{pmatrix}$ b) alle Ebenen sind einander parallel

c) z.D. $x_1 = a$ haben die Normale Vekt. $\vec{u} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$, gehen durch P $(a | 0 | 0)$.

Nr. 16 a) parallel zur x_1x_3 Ebene b) parallel zur x_2x_3 -Ebene

c) parallel zur x_1x_2 Ebene

Nr. 17 a) $a=-3$ b) $a=5$ c) $a=-5$ d) $a=0$ $E = x_1x_2$ -Ebene

e) $g: \vec{x} = \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 2 \\ -3 \\ 0 \end{pmatrix}$; g in E_a einstr.: $3a(2+2r) + 2a(2-3r) = 10a$
 $\rightarrow 10a = 10a \checkmark$