

Kann-Liste Mathematik GK Ableitung (EF, 2. Quartal)

1. Ableitungen mit Hilfe der Potenzregel, der Faktorregel und der Summenregel bestimmen können S. 67 Nr. 1,2	$f(x) = x^n$ dann ist $f'(x) = n \cdot x^{n-1}$ $f(x) = a \cdot x^n + b \cdot x^m$ dann ist $f'(x) = a \cdot n \cdot x^{n-1} + b \cdot m \cdot x^{m-1}$												
2. Verfahren zur Nullstellenberechnung durchführen können S. 58 Nr. 14	Ausrechnen durch Wurzelziehen, z. B. $3 \cdot x^2 - 6 = 0$ pq-Formel (vorher Zahl x^2 vor auf 1 bringen), z. B. $3 \cdot x^2 - 5 \cdot x + 6 = 0$ Ausklammern, z. B. $3 \cdot x^2 - 5 \cdot x = 0$ Substitution, z. B. $3 \cdot x^4 - 5 \cdot x^2 = 0$												
3. Funktionswerte mit dem Table-Menü berechnen können Im Tablemenü (Menü 7) die Funktionen $f(x)$ und $f''(x)$ eingeben. Über SET (F5) Start, End und Step-Wert einstellen, Table (F6) erzeugt Tabelle	<table border="1"> <thead> <tr> <th>X</th> <th>Y1</th> <th>Y'1</th> <th>Y2</th> <th>Y'2</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>x</td> <td>$f(x)$</td> <td>$f'(x)$</td> <td>$f''(x)$</td> <td>$f'''(x)$</td> </tr> </tbody> </table>	X	Y1	Y'1	Y2	Y'2	x	$f(x)$	$f'(x)$	$f''(x)$	$f'''(x)$	In eine beliebige erste Spalte gehen und einen beliebigen Wert für x eingeben: gibt alle Funktionswerte und benötigten Ableitungen für dieses x aus	
X	Y1	Y'1	Y2	Y'2									
x	$f(x)$	$f'(x)$	$f''(x)$	$f'''(x)$									
4. Ein relatives Maximum (Minimum) bestimmen können S. 93 Nr. 2, 3	a) Mit dem Vorzeichenwechselkriterium für die 1. Ableit.: $f'(x) = 0$ und VZW von $f'(x)$ von $+$ \rightarrow $-$ (für Max.) bzw. ($- \rightarrow +$ für Min.) a) Mit dem Kriterium für die 2. Ableitung: $f'(x) = 0$ und $f''(x) < 0$ (für Max) bzw. $f''(x) > 0$ (Min)												
5. Das Monotonieverhalten einer Funktion bestimmen können () z.B. HP (2 / -3), TP (4 / 5), HP (6 / -2) f streng monoton steigend für $x < 2$ und für $4 < x < 6$, f streng monoton fallend für $2 < x < 4$ S. 98 Nr. 3c	f ist streng monoton steigend, wenn $f'(x) > 0$ f ist streng monoton fallend, wenn $f'(x) < 0$ Man bestimmt zunächst alle Hoch- und Tiefpunkte. Es reicht, zwischen zwei Extrempunkten einen Steigungswert zu bestimmen. Alternative: Von einem Minimum zum nächsten Maximum (Von einem Maximum zum nächsten Minimum) ist eine Funktion streng monoton steigend (fallend) Bei Funktionen ohne Extrema einmal $f'(x)$ bestimmen												
6. Hoch- Tief und Sattelpunkte mittels Grafikfunktion des GTR unterscheiden und deren Koordinaten durch Berechnung angeben können	Grafikmenü wählen (Menü 5), Funktion zeichnen F6 (Draw), sinnvollen Ausschnitt wählen F3(V-Window), danach z. B F3 (Standard) oder XMin, XMax, YMin, YMax eingeben												
7. Tangentengleichungen an einer Stelle x_0 bestimmen können S. 79 Nr. 5	$m = f'(x_0)$ und n aus der Geradengleichung $y = m \cdot x + n$ bestimmen, indem man m , x_0 und $y = f(x_0)$ einsetzt												
8. Bestimmen können, an welcher Stelle x_0 eine Funktion eine bestimmte Momentansteigung m besitzt S. 75 Nr. 12	$m = f'(x_0)$ nach x_0 auflösen, dazu alles auf eine Seite bringen und ein Nullstellenverfahren anwenden												
9. Schnittpunkte von Funktionen berechnen können	Die beiden Funktionsterme gleichsetzen: $f(x) = g(x)$, alles auf eine Seite bringen und die x-Werte mit einem Nullstellenverfahren berechnen												
10. Grenzwerte bestimmen können: größte Potenz bestimmt den Grenzwert S. 20 Nr. 4	$f(x) = x^2$ od. x^4 : $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$, $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \infty$ $f(x) = x^3$ od. x^5 : $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$, $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$												
11. In Anwendungssituationen mittlere oder lokale Änderungsraten oder Punkte mit einer vorgegebenen Steigung bestimmen können S. 99 Nr. 4a,b Nr. 8 b,c	a) mittlere Änderungsrate: $\frac{f(x_2)-f(x_1)}{x_2-x_1} = m$ b) lokale Änderungsrate: $f'(x)$ c) Geradengleichung durch 2 Punkte bestimmen können												
12. Funktionen zeichnerisch ableiten können S. 79 Nr. 4	Stellen mit waagerechter Tangente sowie Stellen mit maxim. Steigung bzw. maxim. Gefälle richtig übertragen												
13. Grundfunktionen verschieben/ strecken S. 33 Nr. 1,2	$f(x) = 3x^3 - 5x$	$f(x) = \sin(x)$	$f(x) = 3^x$										
a) Strecken um Faktor 2 in x-Richtung (Faktor $\frac{1}{4}$ heißt stauchen)	$g(x) = 3\left(\frac{x}{2}\right)^3 - 5 \cdot \frac{x}{2}$	$g(x) = \sin\left(\frac{x}{2}\right)$	$g(x) = 3\left(\frac{x}{2}\right)$										
b) Verschieben um Rechts nach 2	$g(x) = 3(x-2)^3 - 5(x-2)$	$g(x) = \sin(x-2)$	$g(x) = 3^{x-2}$										
c) Strecken um Faktor 5 in y-Richtung (Faktor $\frac{1}{2}$ heißt stauchen)	$g(x) = 15x^3 - 25x$	$g(x) = 5 \cdot \sin(x)$	$g(x) = 5 \cdot 3^x$										
d) Verschieben um 2 nach Oben	$g(x) = 3x^3 - 5x + 2$	$g(x) = \sin(x) + 2$	$g(x) = 3^x + 4$										